

Početní část - 27.1.

1. Dokažte, že funkce $y = x + 1$ je bodem lokálního maxima funkcionálu

$$F(y) = \int_1^2 x(y')^4 - 2y(y')^3 dx$$

vzhledem k množině

$$M = \{y \in C^1(\langle 1, 2 \rangle); y(1) = 2, y(2) = 3\}.$$

2. Vyšetřete bodovou, stejnoměrnou a lokálně stejnoměrnou konvergenci řady

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^p} \sqrt[n]{x^2}$$

pro $x \in \mathbb{R}$ a parametr $p \in \mathbb{R}$.

3. Spočtěte objem tělesa ohraničeného plochami

$$x^2 + y^2 = z, \quad x^2 + y^2 = x + y, \quad z = 0.$$

4. Uvažujme horní polosféru

$$M = \{[x, y, z] \in \mathbb{R}^3; x^2 + y^2 + z^2 = 1, z \geq 0\}$$

orientovanou pomocí vnější normály a vektorovou funkcí

$$\vec{F}(x, y, z) = (z, x, y).$$

Přímým výpočetem dokažte v tomto případě platnost Stokesovy věty.